

«ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ» И «МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ» НА КАФЕДРЕ ВЫСШЕЙ МАТЕМАТИКИ ФПМИ БЕЛГОСУНИВЕРСИТЕТА

В.И. Булатов, О.А. Кастица, С.А. Мазаник

Изучение дифференциальных уравнений требует знания основ дисциплин аналитического цикла, одной из которых является «Математический анализ». Можно выделить две стороны сложившейся исторически взаимной связи учебных дисциплин «Дифференциальные уравнения» и «Математический анализ». С одной стороны, раздел математики, посвященный изучению дифференциальных уравнений, появился как часть математического анализа в результате развития специфических методов исследования задач, описываемых функциональными уравнениями, содержащими производные и дифференциалы неизвестных функций. Для решения таких задач требуется также знание такого раздела «Математического анализа», как интегральное исчисление. С другой стороны, одной из целей, преследуемых при изложении математического анализа или его разделов в рамках учебной дисциплины «Высшая математика», является развитие у студентов навыков построения и изучения математических моделей естественных процессов, происходящих в различных предметных научных и практических областях (в физике, технике, экономике, биологии и др.). При построении моделей динамических процессов, как правило, появляются производные, и такая модель представляет собой некоторую совокупность дифференциальных уравнений (дифференциальная математическая модель), требующих для своего решения знания методов решения дифференциальных уравнений. Большое количество такого рода моделей представлены в [1].

На кафедре высшей математики БГУ подготовлены и изданы учебные пособия [2–6], в которых наряду с основами математического анализа рассмотрен ряд примеров построения дифференциальных математических моделей. Так в [2] рассматривается задача о вынужденных колебаниях в среде без сопротивления. В [3] рассматриваются модели задач о распаде радиоактивного вещества, об изменении численности населения, об изменении биологической популяции в условиях конкурентной борьбы, об истечении жидкости. В [4] рассмотрена модель задачи об изменении структуры дежной массы, а также проводится построение и исследование модели равновесного рынка. В [5, 6] методы дифференциальных уравнений использованы при вычислении интегралов Дирихле и Лапласа.

На наш взгляд, предлагаемый подход при преподавании дифференциальных уравнений и математического анализа дает студентам возможность глубже усваивать знания соответствующих разделов фундаментальной математики.

Литература

1. Богданов Ю.С., Мазаник С.А., Сироид Ю.Б. *Курс дифференциальных уравнений*. Мин.: Университетэцкае, 1996.
2. Богданов Ю.С. *Лекции по математическому анализу*. Ч. 1. Мин.: Изд-во БГУ, 1974.
3. Богданов Ю.С., Кастица О.А. *Начала анализа в задачах и упражнениях*. Мин.: Высшая школа, 1988.
4. Кастица О.А. *Высшая математика для экономистов*. Мин.: «Новое знание»; М.: «ИНФРА-М», 2015.
5. Леваков А.А. *Математический анализ*. Мин.: БГУ, 2014.
6. Кастица О.А., Мазаник С.А., Наумович А.Ф., Наумович Н.Ф. *Математический анализ. Ряды и несобственные интегралы*. Мин.: Вышэйшая школа, 2015.