

Литература

1. *Grant K. S.* Developing with Ext GWT Enterprise RIA Development. Apress. 2009.
2. *Dewsbury R.* Google Web Toolkit. Prentice Hall. 2007.
3. *Фридел Дж.* Регулярные выражения. Символ-Плюс. 2008.
4. *Брайан А.* Тестирование и оптимизация веб-сайтов: руководство по Google Website Optimizer. Диалектика. 2009.
5. *Стотлемеайер Д.* Тестирование Web-приложений. КУДИЦ-Образ. 2003.

ЗАДАЧА ОПТИМАЛЬНОГО ПОКРЫТИЯ ИЗМЕНЕННЫХ ДАННЫХ

Столяров В. О., Шавлак М. Ю.

ВВЕДЕНИЕ

Задача оптимального покрытия измененных данных рассматривается при передаче модифицированного изображения с экрана одного устройства на экран другого устройства и является частным случаем задачи покрытия множества. Для ее решения были рассмотрены следующие алгоритмы:

- Сеточный алгоритм,
- Жадный алгоритм.

Введем определение эффективности решения. Под эффективностью здесь понимается совокупность атрибутов решения: интерактивность, рациональное использование канала передачи данных (оптимальность сжатия), экономия трафика (минимизация данных на отправку).

Для построения эффективного решения требуется решить две алгоритмические проблемы. Первая – как эффективно покрыть изменения на экране, произошедшие за определенное время прямоугольниками пикселей. Критерий эффективности в данном случае – количество прямоугольников. Задача алгоритма – минимизировать это количество. Вторая проблема – как эффективно сжать эти прямоугольники перед отправкой на устройство клиента. В этом случае критерий эффективности – баланс между степенью сжатия и временем сжатия/распаковки.

Постановка алгоритмической задачи

В результате очередного обновления экрана перед серверным приложением ставится задача оптимального покрытия изменённых точек прямоугольниками, в общем случае известная как “задача о минимальном покрытии множества”. Формулируется она следующим образом. Пусть даны множество $M = \{1, \dots, m\}$ и набор его подмножеств M_1, \dots, M_n таких,

что $\bigcup_{j=1}^n M_j = M$. Совокупность подмножеств $M_j, j \in J \subseteq \{1, \dots, n\}$, назы-

вается покрытием множества M , если $\bigcup_{j \in J} M_j = M$. Каждому M_j припи- сан вес $c_j \geq 0$. Требуется найти покрытие минимального суммарного ве- са. Задача называется невзвешенной, если все подмножества M_j имеют единичные веса.

В общем виде задача о покрытии NP-трудна, поэтому логично пред- положить, что следует искать приближенные алгоритмы полиномиаль- ной сложности, доставляющие решения со значениями целевой функции, близкими к оптимуму. Рассмотрим некоторые примеры приближённых алгоритмов для решения поставленной задачи.

СЕТОЧНЫЙ АЛГОРИТМ

Самый простой на первый взгляд и, тем не менее, достаточно эффек- тивный алгоритм, разработанный в настоящей работе, заключается в разбиении экрана на множество непересекающихся прямоугольников по сетке. Очевидно, что при таком выборе семейства множеств M_j , сущест- вует единственное покрытие M . Алгоритм необычайно прост в реализа- ции: достаточно посетить каждую точку единожды, чтобы построить по- крывающее множество. Таким образом, он имеет минимальную возмож- ную сложность $O(N \times M)$.

Быстрота работы делает его хорошим выбором на высокоскоростных соединениях, где время, затраченное на вычисления может быть больше задержки передачи данных по сети. Алгоритм в худшем случае даёт че- тырёхкратный проигрыш по сравнению с оптимальным решением. Од- нако эта граница редко достигается на практике. На рисунке 1 показано сеточное покрытие текстовых изменений (ввод А,В,С).

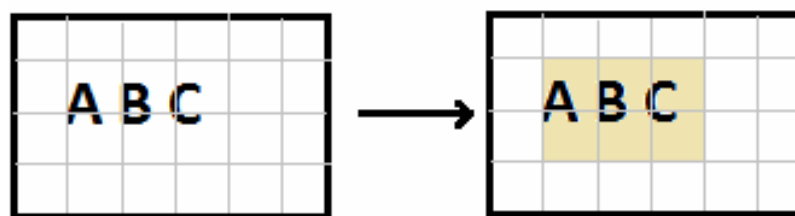


Рис. 1. Схема работы сеточного алгоритма

ЖАДНЫЙ АЛГОРИТМ

Рассмотрим жадный алгоритм для покрытия изменившихся точек экрана размером $M \times N$ квадратами шириной W . Идея алгоритма проста: на каждой итерации выбирать квадраты с максимальным количеством покрываемых точек. На рисунке 2 представлена демонстрация его работы на измененной области в форме треугольника.

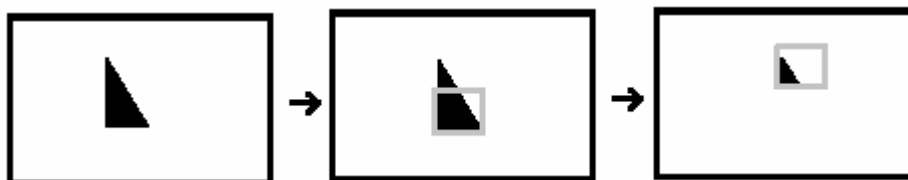


Рис. 2. Работа жадного алгоритма

В [1] показано, что относительная погрешность $\delta \leq 1 + \ln \max_{j=1, \dots, n} |M_j|$.

Также было доказано, что в невзвешенном случае для этого алгоритма справедливо неравенство $\delta \leq \ln m - \ln \ln m + 0,78$, что близко к известной нижней оценке $\delta \geq (1 - \varepsilon) \ln m$.

Решение можно разбить на два этапа: построение множества квадратов с ассоциированным весом и сортировка их по убыванию. Весом $s(A)$ квадрата A назовём количество точек, которые он покрывает. Как и в случае с кэшированием, функция $s(A)$ обладает свойством, позволяющим за один проход по экрану вычислить её для всех квадратов.

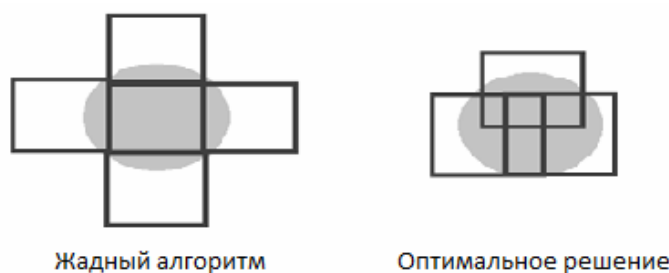


Рис. 3. Сравнение результатов работы жадного алгоритма и оптимального решения

Таким образом, сложность построения множества квадратов порядка $O(N \cdot M)$. В результате также получим количество квадратов порядка $O(N \cdot M)$. Сортировка их по убыванию в среднем $O(N \cdot M \cdot \log(N \cdot M))$. Как альтернатива, можно использовать бинарное дерево поиска для сортировки, однако этот подход не даст нам уменьшения алгоритмической сложности задачи. Выборку из отсортированной последовательности можно произвести за время порядка $O(N \cdot M)$. Таким образом, алгоритм

даст нам результат за время порядка $O(N \cdot M \cdot \log(N \cdot M))$, что достаточно эффективно для целей, поставленных в настоящей работе, однако алгоритм не лишён недостатков. На рисунке 3 представлен случай, когда такой алгоритм даёт неоптимальный результат.

ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЕ ОПТИМИЗАЦИИ

В качестве дополнительной оптимизации был использован кэш. В кэше находятся наиболее часто используемые измененные данные. В него попадают все изменения, но остаются только наиболее часто используемые. Были рассмотрены две реализации кэша контекстно-зависимая и контекстно-инвариантная. В контекстно-зависимой реализации измененные данные покрываются прямоугольными множествами, и далее выполняется поиск вхождения этих покрытий в кэш. Эта реализация отвечает требованиям высокой эффективности по скорости работы кэша. В контекстно-независимой реализации строится максимальное покрытие измененных данных существующими элементами в кэше. Несмотря на то, что построение этого покрытия требует дополнительных вычислительных ресурсов, эта реализация дает максимально возможное использование данных из кэша, что отвечает требованиям минимизации отправляемых данных.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В работе реализованы оба алгоритма и протестированы в контексте задачи удаленного управления компьютером посредством портативных устройств, произведена оценка их эффективности. К преимуществам сеточного алгоритма можно отнести простоту реализации; он имеет наименьшую сложность из всех алгоритмов покрытия. Но недостатком является то, что в худшем случае он демонстрирует результат в четыре раза хуже оптимального решения.

Жадный алгоритм более сложен в реализации, но в условиях ограниченной пропускной способности сети он более эффективен, хотя в некоторых случаях явно уступает сеточному в построении наиболее компактного покрытия.

Литература

1. *Еремеев А. В., Заозерская Л. А., Колоколов А. А.* Задача о покрытии множества: сложность, алгоритмы, экспериментальные исследования // Дискретный анализ и исследование операций. Сер. 2. 2000. № 2. С. 22–46.